

Babilon

**zzuzzu
Karma
Perfect**

Normalization In Database

Database Survey Report

이전영 교수님

TEAM : Babilon

전자계산학과
9425006 김길연
9425033 허윤구
9425034 현대은

1996년 6월 23일

목 차

제 1 절 Introduction	1
제 2 절 Normalization의 필요성	1
1 Database Design에서 Normalization의 이점	1
2 Data redundancy	2
3 Update anomalies	2
4 좋은 Relational schema design	3
제 3 절 Entity Attributes 사이의 관계	5
1 Single-Valued Dependencies	5
2 Multivalued Dependencies	8
3 Lossless Decompositions	10
제 4 절 Theory of Functional Dependencies	10
1 Desirable Properties of Decomposition	13
제 5 절 Theory of Multivalued Dependencies	14
제 6 절 Normal form	16
1 1 Normal Form	18
2 2 Normal Form	18
3 3 Normal Form	19
4 Boyce-codd Normal Form	19
5 4 Normal Form	20
6 5 Normal Form	21
참고 서적	23

제 1 절 Introduction

Normalization은 Relational database design에서 중요한 역할을 한다. 일반적인 database design의 목적은 아래와 같다.

- 불필요한 redundancy가 없는 information을 저장한다.
- information을 쉽게 retrieve 할 수 있다.

이를 만족하는 Relational schemes의 집합을 만들어 내는 것이 궁극적인 목적인 것이다.

위의 조건을 만족시키기 위한 한 가지 방법은 적당한 normal form으로 된 scheme들을 design하는 것이다. Relational scheme들이 normal form의 하나인지 아닌지 알기 위해서 정보가 필요하게 되는데 그 정보는 우리가 modeling하고 있는 real-world에 대한 것으로, data dependency라 불리는 constraint의 모임이다. 이 report에서는 이런 dependency의 종류와 각 normal form의 종류, 그리고 각 normal form에서 어떤 constraint가 있는지 설명할 것이다. 우선 Normalization에 대한 계략적이고 간단한 정의를 내려 보자.

1

Normalization

Normalization이란 복잡한 *Relational schema*를 적절하고 더 작은 *Relational schema*로 나누어서, *Relational schema*를 재구성하는 것이다.

이 정의는 Normalization의 정확한 definition이라고 하기에는 부족한 것이 많다. Normalization은 일반적으로 이미 정의되어 있는 normal form의 조건을 만족시키도록 entity specification의 set을 만드는 것이다. entity specification이란 entity의 attribute에 이름을 붙이는 것을 말하는데 하나의 attribute은 여러 개의 entity specification에 포함될 수 있는데, 이것은 각각의 다른 entity들에 있는 redundant value들 사이에 inconsistency가 일어나게 한다. 이런 것들은 Update anomaly에서 언급될 것이다. 지금까지 정의되어 있는 normal form은 1NF(first normal form), 2NF, 3NF, BCNF(Boyce-Codd Normal Form), 4NF, 5NF 등 있으며 다음 section부터 이에 대하여 설명하게 될 것이다.

제 2 절 Normalization의 필요성

1 Database Design에서 Normalization의 잇점

Normalization으로 생성된 Relational schema에서는 data redundancy와 Update anomalies가 감소되어서 data integrity를 향상시킬 수 있다. 다음 두 section에서 걸쳐서 data redundancy와 Update anomalies가 왜 문제가 되는지 알아보고, 쪼개진 table에서는 문제가 어떻게 해결되는지 예를 통해서 알아보기로 하겠다.

2 Data redundancy

schema design의 목표중에 하나는 base relations(files)이 차지하는 storage space를 최소화하는 것이다. 한 가지 방법은 attributes를 relation schema들로 grouping함으로써 이런 목표를 달성할 수 있다. 우선 고용자와 분야를 나타내는 EMP_DEPT Relational schema와 이것을 둘로 쪼개 놓은 EMPLOYEE, DEPARTMENT 각각의 table들을 비교해보자. EMP_DEPT에서는 (DNUMBER, DNAME, DMGRSSN)(department number, 이름등...)에 관한 attribute value들이 그 department에 일하는 모든 employee에 반복되는 것을 볼 수 있다. 반대로 DEPARTMENT table에서는 각 department에 대해서 한 번만 나타난다. 단지 DNUMBER만 EMPLOYEE table의 각 tuple들에 나타나고 있다.

3 Update anomalies

EMP_DEPT나 EMP_PROJ와 같은 relation들을 base relation으로 사용하면 발생하는 또 다른 문제 중에 하나는 Update anomalies이다. Update anomalies는 insertion anomalies, deletion anomalies, modification anomalies로 구분할 수 있다. 각각에 대해서 차례로 알아보자.

1. Insertion Anomalies

먼저, EMP_DEPT에 새로운 employee tuple을 insert하는 것을 생각해보자. 각 tuple은 employee가 일하는 department에 대한 attribute들을 포함하거나, 만약 employee가 속한 department가 없다면 null값을 포함해야 한다. 새로운 employee가 일하는 department의 DNUMBER가 5라면 EMP_DEPT에 있는 tuples들중 DNUMBER가 5인 tuple들의 DNAME, DMGRSSN 와 일치하는 attribute value들을 insert해야 한다. insert를 할 때마다 이런 것을 확인하는 것은 쉬운 일이 아닐 것이다. 하지만 fig2의 EMPLOYEE, DEPARTMENT table을 따로 만들 경우 EMPLOYEE에 5만 insert해주면 되므로 앞에서와 같은 걱정은 안해도 된다.

다음은 employee가 없는 department를 EMP_DEPT에 삽입하는 경우를 생각해 보자. 한 가지 방법은 employee에 null value를 넣는 것이다. 하지만 SSN이 EMP_DEPT의 primary key이므로 문제가 발생한다. 처음 employee가 0이 department에 한 명 들어 오면 더 이상 null value는 필요 없게 된다. EMPLOYEE, DEPARTMENT를 따로 만들 경우는 이런 문제가 발생하지 않는다. employee가 없는 department가 생기더라도 department table에 저장 되므로 null value는 필요없고 employee가 그 department에 배당되더라도 employee table에 insert된다.

2. Deletion Anomalies

relation table EMP_DEPT에서 마지막 employee를 삭제하게 되면 department 1에 대해 고유한 정보이기에 department 1에 대한 정보가 손실되게

된다. 하지만 각각의 EMPLOYEE, DEPARTMENT table에서는 이런 문제가 발생하지 않는다.

3. Modification Anomalies

EMP_DEPT에서 department 5의 manager를 바꾼다면, 그 department에서 일하고 있는 모든 employee의 tuple들을 Update해야 한다. 그렇지 않으면 integrity가 깨진다. 따라서, 작업량이 훨씬 늘어나게 되는 것이다. fig2의 EMPLOYEE, DEPARTMENT table에서는 DEPARTMENT의 DNUMBER 5인 tuple 하나만 바꾸면 된다.

4 좋은 Relational schema design

Normalization의 중요성을 부각시키기 위해서 잠시 좋은 Relational schema design이 어떤 것인지 언급해 보기로 하겠다. Relational schema의 “goodness”를 두 Level에서 볼 수 있다. 첫번째는 logical level이고 두번째는 manipulation(or storage) level이다. logical level은 user가 Relational schema를 interpret하는 방법과 Relational table에 있는 data tuples들의 의미에 관한 것이다. logical level에서 좋은 Relational schema는 relation들의 data tuples의 의미를 사용자가 쉽게 이해할 수 있도록 해 준다.

manipulation level은 base relation에서 tuples의 어떻게 저장되고, Update되는지에 관한 것이다. logical level에서는 base relation과 view(virtual relation), 둘 다에 관심이 있는 반면, storage level은 단지 물리적으로 저장된 file인 base relation에만 관심이 있다. Normalization은 base relation에 관한 것이다.

1. Semantics of the Relation Attributes

우선 Relational schema는 meaning을 쉽게 설명할 수 있어야 한다.

The easier it is to explain the semantics of the relation, the better the relation schema design.

EMPLOYEE Relational schema의 meaning은 매우 단순하다. 각 tuple은 employee를 나타낸다. DNUMBER는 EMPLOYEE와 DEPARTMENT 사이의 relationship을 나타내는 foreign key이다. DEPARTMENT tuple은 department entity를 나타내고, PROJECT tuple은 project entity를 나타낸다. DEPARTMENT의 attribute DMGRSSN은 department와 그 department의 manager인 employee를 연결시킨다. PROJECT의 DNUM은 project와 그 project를 맡고 있는 department를 연결시킨다. DEPT_LOCATIONS와 WORKS_ON relation schema의 semantic은 앞에서 언급한 것 보다는 약간 복잡하다.

2. Reducing the redundant values in tuples

이것에 관한 것은 앞에서 충분히 설명되었다. 중요한 것은 insertion, deletion, modification anomalies가 relation에서 일어나지 않는 base relation을 design하여야 한다는 것이다.

3. Reducing the null values in tuples

schema design에서 많은 attribute를 모아서 “fat” relation을 만들 수도 있다. 그런 경우는 많은 attribute들이 그 relation의 모든 tuples에 대해서 값을 안 가질 수 있다. 따라서 relation의 많은 값들이 null이 되어야 한다. 이것은 storage의 낭비이고, attribute의 meaning을 이해하는데 문제를 일으킬 수도 있다. 다른 문제는 COUNT나 SUM과 같은 aggregate operation을 사용할 때 null에 대한 count 문제이다. 더구나 null은 여러 가지 의미를 가질 수도 있다.

- The attribute does not apply to this tuple.
- The attribute value for this tuple is unknown.
- The value is known but absent, that is, has not been recorded yet.

따라서 좋은 Relational schema design이 되기 위해서는 base relation의 값이 가능한 null이 되지 않는 방향으로 attribute들을 적절히 base relation으로 만들어야 한다.

4. Disallowing spurious tuples

fig5의 EMP_LOCS와 EMP_PROJ1을 보자. 이것은 fig4의 EMP_PROJ 대신 쓸 수 있다. fig5의 table EMP_PROJ1과 EMP_LOCS는 EMP_PROJ의 project operation에 의해 얻어 질 수 있다. EMP_PROJ1과 EMP_LOCS는 EMP_PROJ 대신 base relation에 있다고 가정하자. 하지만 이것은 좋은 schema design이 아니다. EMP_PROJ1과 EMP_LOCS로 원래 information인 EMP_PROJ를 얻을 수 없기 때문이다. EMP_PROJ1과 EMP_LOCS를 NATURAL-JOIN한다면, EMP_PROJ보다 더 많은 tuples이 생긴다. join의 결과는 fig6에서와 같다. EMP_PROJ에는 있는데 EMP_PROJ1과 EMP_LOCS의 join의 결과에는 있는 잘못된 tuple을 *spurious tuples*라고 한다. spurious tuples은 fig6에서 *로 표시되어 있는 tuple이다. 이런 잘못된 결과가 나타나는 이유는 EMP_PROJ를 자를 때 EMP_PROJ1과 EMP_LOCS를 연결시켜 주는 attribute으로 PLOCATION을 선택했기 때문이다. PLOCATION은 EMP_PROJ1과 EMP_LOC에서 primary key도 foreign key도 아니다. 따라서 좋은 Relational schema design을 위해서는 primary key나 foreign key를 선택해서 JOIN을 할 수 있도록 relation schema를 design한다.

지금까지 우리는 table을 쪼개서 여러가지 문제점들이 해결될 수 있음을 살펴보았다. 하지만 normal form들을 적용시킨 조직적인 방법이 아니었다. 이제부터 우리는 좀 더 조직적이고, 잘 정의되어 있는 rule들을 소개 할 것이다.

제 3 절 Entity Attributes 사이의 관계

두 attributes 사이에 세가지 가능한 연관이 있을 수 있다. 1:1, 1:N , M:N 연관이 그것이다. 즉, 한 attribute가 하나 또는 그 이상의 다른 attributes 의 값을 선택하거나 결정할 수 있는 것이다. Attribute A 가 attribute B를 결정한다고 가정해보자. 이것은 한 entity의 두 instance가 A 에 대해 같은 값을 가질때 반드시 B에 대해서도 같은 값을 가져야 한다는 것을 의미한다. attribute A 가 attribute B의 값을 결정할 때 그 사이의 1:1 association에 관해 얘기 할 수 있다.record의 primary key는 나머지 attributes의 determinant이다. 따라서 1:1 association 은 single-valued dependency의 example이고 1:N 과 M:N association은 multivalued dependencies의 example이다. 만약 attribute A 와 B 사이에 1:N multivalued dependency 가 있다면 A 의 값이 많은 B의 값을 결정할 수 있다. M:N association이 있다면 attribute A 의 값이 유한개의 B 값을 결정할 수 있고 attribute B 의 값이 또 다른 유한개의 A 값을 결정할 수 있는 것이다.

1 Single-Valued Dependencies

entity specification에서 한 attribute가 나머지 다른 모든 attribute들을 결정할 때, determinant는 entity에 대한 candidate key이다. primary key는 candidate key중에서 선택된다. entity는 많은 candidate key을 가질수 있지만, 정의에 의해 단지 하나의 primary key를 가진다. 여기서 우리는 nonkey attributes가 candidate key를 포함한다고 가정한다. 왜냐하면 primary key가 이미 선택되었기 때문이다.

한 entity의 attributes들 사이에는 네 종류의 single-valued dependencies가 있다.

	Attributes	Dependencies
1	key → Nonkey	Functional
2	Part of key → Nonkey	Partial
3	Nonkey → Nonkey	Transitive
4	Nonkey → Part of key	Boyce-Codd Where det-value → attrib-value

첫번째는 바람직한 single-valued dependency로서 primary key가 nonkey를 결정하는 것으로 determinant가 primary key attribute이기 때문이다. 따라서 이 dependency는 file과 DBMS environment에서 알려져있고 선언될 수 있다. 나머지 세 종류의 dependencies는 semantics가 application programs에 의해 유지되는 association을 나타내고 있다.

다음의 entity specification을 생각해 보자.

professor Table			
composite key is (pid, office)			
PID	OFFICE	PNAME	DEPT
20	413	Barnes	CS
21	414	Smith	CS
25	404	Gumb	CS
34	304	Wong	EE
55	402	Katz	EE
57	402	Schwartz	EE
27	414	Schwartz	CS

Member	
key is office	
OFFICE	DEPT
414	CS
413	CS
404	CS
304	EE
402	EE

Dependencies는 다음과 같이 된다.

- PID → PNAME, OFFICE, DEPT
- OFFICE → DEPT

이에 따른 Dependency graph는 다음과 같다.

두 specification은 학교에서 faculty에 대한 data를 가지는 entities를 정의하고 있다. professor은 유일한 identification number(PID)를 가지고 그들의 office는 같은 department의 동료와 공유한다. 위 그림은 주어진 functional dependency에 대해 가장 좋은 specification은 아니다. 사실, entity specification에서 세 가지의 single-valued dependencies를 증명하는데 문제가 있다. 지금부터 이러한 문제들을 생각해 보자.

보기에서 PID는 PROF entity에 대한 candidate key이고 OFFICE는 MEMBER entity의 유일한 primary key이다. 여기서 PID 와 OFFICE가 PROF에 대한 composite key이고 OFFICE는 MEMBER의 key라고 가정하자. 만약 PID가 PROF의 candidate key 이면 PID 와 OFFICE는 PROF의 unique한 record instance로 선택된다. Dependencies는 entities 사이의 association을 이르는 말이다. 각각의 A 값에 대해 그와 연관된 B의 값이 오직 하나 있을 때 attribute(or set of attributes) B가 attribute(or set of attributes) A에 functionally dependent하다고 한다. 따라서, 한 entity의 두 instances가 같은 A의 값을 가지면 B의

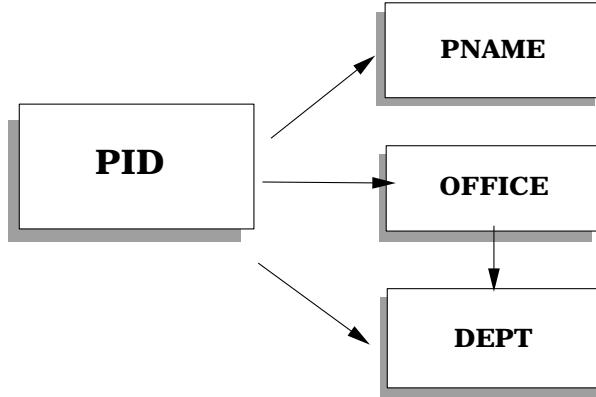


그림 1: Dependency Diagram

값도 같아야 한다. 이상적으로는 모든 nonkey attribute가 entity의 key에 functionally dependent하다. 앞의 표에서도 볼 수 있듯이 일반적인 single-valued dependencies의 네 종류는 functional dependencies, partial dependencies, transitive dependencies, and Boyce-Codd dependencies이다.

- **Functional dependencies**

[2] F.D

entity specification의 attribute가 attributes A의 전체 set에 의해 결정되고 A의 어떠한 진부분집합으로는 결정되지 않을 때 이러한 dependency를 functional이라고 한다.

다음 그림의 entity specification E1을 생각해보자. E1은 (A1, A2, A3)의 attributes set을 composite primary key로 가지고 있다. 이때 attribute B는 값이 선택되기 위해 A1, A2, A3의 값이 필요하므로 primary key에 functionally dependent이다.

- **Partial dependencies**

entity specification의 nonkey attribute B가 composite primary key attribute A의 subset에 dependent할 때 이러한 dependency를 partial이라고 한다. 아래에서 C의 값을 선택하기 위해 A1과 A3 값만이 필요하므로 attribute C는 primary key(A1, A2, A3)에 partially dependent하다. 즉, attribute C는 composite key (A1, A2, A3)의 부분 또는 모두에 의해 결정되어지게 된다.

- **Transitive dependencies**

nonkey attributes 를 사이에 functional dependencies가 존재할 때 transitive dependency가 존재한다. 예를 들어 E3 과 E4의 specification을 생각해보자. E4의 경우 primary key H 는 attribute I 를 결정한다. E3 의 경우 primary key F 는 attributes G, H, I를 결정한다. 여기서 F는 E4에 선언된 functional dependency를 통해 I 를 선택할 수 있으므로 E3에는 transitive dependency가 존재한다. 따라서 F로부터 H로, H에서 I로의 직접 또는 간접적 방법을 통해 F의 값에 근거한 I의 instance에 접근할 수 있다.

- **Boyce-Codd dependencies**

nonkey attribute가 composite primary key attribute set의 부분을 결정지을 때 그 entity specification에는 Boyce-Codd dependency가 존재한다. 그 예로서 E5를 들 수 있다. M이 composite primary key의 부분이고 P가 nonkey 이므로 P 와 M 사이에 Boyce-Codd dependency가 존재한다. 만약 P가 nonkey가 아닌 candidate key라면 Boyce-Codd dependency가 존재하지 않는 것이 된다.

2 Multivalued Dependencies

attribute가 다른 attribute에 대해 하나 이상의 값을 결정할 때 multivalued dependency가 존재한다. 이 경우, determinant 와 set of determined attributes 사이에 one-to-one association이 성립하지 않는다. 이런 multivalued dependency는 그래프상 double headed arrow로 표시한다. multivalued dependencies의 예로서 다음의 entity specification TEXTS를 생각해보자.

TEXTS		
composite key is (bid, section)		
BID	COURSE	SECTION
20	CS132	456
20	CS132	457
20	CS182	458
30	CS182	458
20	CS182	459
30	CS182	459
38	CS242	461
42	CS242	461
38	CS242	463
42	CS242	463
42	CS440	540

Dependencies는 다음과 같다.

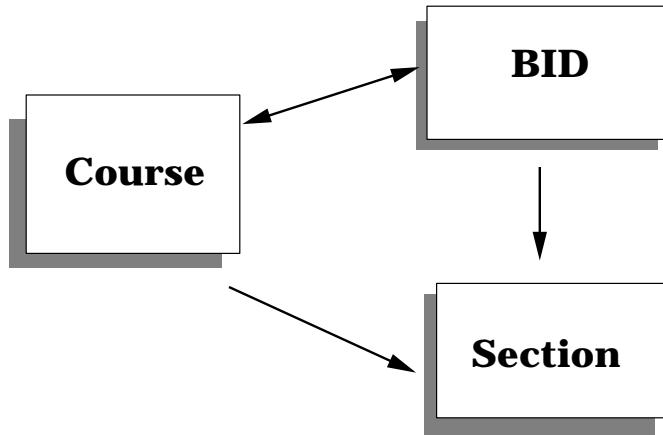


그림 2: Dependency Diagram

- BID → COURSE
- COURSE → BID
- COURSE → SECTION

이에 따른 Dependency graph는 다음과 같다.

OI specification은 두 개의 독립된 multivalued dependencies 를 포함하고 있다. courses 와 textbooks에 관한 정보는 book identification number(BID), course number(COURSE), course section number(SECTION)에 따라 저장된다. 책은 여러 course에서 사용될 수 있고, course는 여러 책을 사용할 수 있으므로 COURSE 와 BID 사이의 dependency는 M:N 이 된다. 또, course는 다수의 section을 가지므로 COURSE 와 SECTION 사이의 dependency는 1:N 이 된다. 이 때, 같은 course의 모든 section은 같은 textbook를 쓴다고 가정한다. 이러한 semantics와 multivalued dependencies의 문제로 TEXTS의 모든 instance 를 표현하는 데에는 많은 불필요한 data item이 필요하다. TEXTS에 있는 모두 11 instances 가 있는데 attributes를 위해 각각의 data values가 총 33개가 필요하다. OI 33개의 data 가운데 단지 15개 만이 unique하다. 나머지는 모두 data redundancy를 나타내고 있다. 이러한 redundant values는 서로 독립된 multivalued dependencies의 cross product에 의해 발생한 결과이다. 두 개의 multivalued dependencies (COURSE ->> BID, BID ->> COURSE), (COURSE ->>SECTION)은 서로 독립적인데 이유는 SECTION과 BID 사이에 직접적인 dependency가 없기 때문이다.

3 Lossless Decompositions

dependency에 따라 table을 하나 또는 그 이상의 작은 table로 decompose하는 것이 Normalization인데, 이렇게 decompose하는 것만이 중요한 것이 아니라, decomposed part들을 다시 join했을 때 처음의 table을 얻을 수 있어야 제대로 된 Normalization 과정인 것이다.

3 Decomposition

주어진 table T에서, k개의 tables로의 decomposition은 $\{T_1, T_2, T_3, \dots, T_k\}$ table의 모임이다. 즉, $\text{Head}(T) = \text{Head}(T_1) \cup \text{Head}(T_2) \cup \dots \cup \text{Head}(T_k)$ 가 된다.

T의 rows들은 T_j 의 column들로 project된다. functional dependency의 set F를 가지고 table T를 decomposition하는 것을 lossless decomposition이라고 부른다.

제 4 절 Theory of Functional Dependencies

functional dependencies에 대하여 많은 theory들이 발전해 왔다. 여기서는 BCNF와 3NF Relational database의 design에 적용되는 theory의 가장 유용한 algorithm에 초점을 맞추고자 한다. 일반적으로 functional dependency가 주어졌다면 이 functional dependency는 다른 functional dependency를 나타낼 수도 있다는 것을 의미한다. 예를 들어, $R = (A, B, C, G, H, I)$ 라는 relation scheme가 주어졌다고 가정하자. 그리고 여기에 따른 functional dependency set은 다음과 같다.

- $A \rightarrow B$
- $A \rightarrow C$
- $CG \rightarrow H$
- $CG \rightarrow I$
- $B \rightarrow H$

단지 주어진 functional dependencies만을 고려하는 것은 충분하지 않고 이 functional dependencies가 가진 모든 functional dependencies를 고려할 필요가 있다. 곧 보이겠지만 주어진 functional dependencies set은 또 다른 functional dependencies를 가진다는 것을 알 수 있다. 이러한 functional dependency를 F에 의해 logically implied되었다고 한다. 위의 functional dependency에서 functional dependency $A \rightarrow H$ 는 logically implied되었다. 즉 functional dependency의 set이 주어질 때마다 $A \rightarrow H$ 의 functional dependency도 반드시 있다는

것이다. 그럼 $t_1[A] = t_2[A]$ 인 t_1 과 t_2 tuples를 가정해 보자. $A \rightarrow B$ 라는 functional dependency가 주어졌기 때문에 functional dependency의 정의에 따라 $t_1[B] = t_2[B]$ 가 성립한다. 또, $B \rightarrow H$ 의 functional dependency가 주어졌기 때문에 $t_1[H] = t_2[H]$ 도 역시 functional dependency의 definition에 의해 성립한다. 따라서 t_1 과 t_2 가 $t_1[A] = t_2[A]$ 을 성립시킬 때마다 $t_1[H] = t_2[H]$ 이 성립함을 볼 수 있는데 이것은 $A \rightarrow H$ 를 의미한다.

F 를 functional dependency의 set이라고 하자. F 의 closure를 F^+ 로 표시하는 [이 F 의 closure란 F 에 의해 logically implied 된 모든 functional dependency의 set을 말한다. F 가 주어졌을 때 functional dependency의 formal definition으로부터 직접 F^+ 를 계산할 수 있다. 만약 F 의 크기가 크다면 물론 이 작업이 쉬운 것은 아닐 것이다. F^+ 의 계산은 위에서 $A \rightarrow H$ 가 closure에 있다는 것을 보이기 위해 주어진 type의 argument를 필요로 한다. 지금부터 functional dependency에 대하여 좀 더 쉽게 생각할 수 있는 기법을 보이기로 하겠다. inference rules 또는 axioms에 기초를 둔 기법이 그것이다. 이 rules을 반복적으로 적용시킴으로서 F 의 F^+ 를 찾을 수 있다.

1. Reflexivity rule

X 가 attributes의 set이고 $Y \subseteq X$ 이면 $X \rightarrow Y$ 가 성립한다.

2. Augmentation rule

$X \rightarrow Y$ 가 성립하고 W 가 attributes의 set이면 $WX \rightarrow WY$ 가 성립한다.

3. Transitivity rule

$X \rightarrow Y$ 가 성립하고 $Y \rightarrow Z$ 가 성립하면 $X \rightarrow Z$ 가 성립한다.

이 rules들을 사용했을 때 잘못된 functional dependency가 발생하지 않기 때문에 인정받고 있다. 그리고 이 규칙들은 완벽한데, 이유는 functional dependency의 set F 가 주어지면 F^+ 의 모든 것을 찾게 해 주기 때문이다. 이러한 rule을 Armstrong's axioms이라고 한다. 이 Armstrong's axioms가 완전한 것이라 할지라도 F^+ 를 계산하는데 직접 사용하기는 힘들다. 그래서 좀 더 간소화하기 위해 몇 가지 부가적인 rule을 침가 했다. 물론 이 부가적인 rule들은 Armstrong's axioms를 사용하여 정당성을 증명할 수 있다.

4. Union rule

$X \rightarrow Y$ 가 성립하고 $X \rightarrow Z$ 가 성립하면 $X \rightarrow YZ$ 가 성립한다.

5. Decomposition rule

$X \rightarrow YZ$ 가 성립하면 $X \rightarrow Y$ 가 성립하고 $X \rightarrow Z$ 가 성립한다.

6. Pseudotransitivity rule

$X \rightarrow Y$ 가 성립하고 $WY \rightarrow Z$ 가 성립하면 $XW \rightarrow Z$ 가 성립한다.

그러면 이 rules들을 앞에서 제시한 보기애 적용시켜보자. 아래에 F^+ 의 몇 member를 적어본다.

- $A \rightarrow H : A \rightarrow B$ 와 $B \rightarrow H$ 가 성립하므로 rule 3(transitivity rule)을 적용한다.
- $CG \rightarrow HI : CG \rightarrow H$ 와 $CG \rightarrow I$ 가 성립하므로 union rule(rule 4)를 적용한다.
- $AG \rightarrow I :$ 이것을 보이기 위해선 몇 단계가 필요하다. 먼저 $A \rightarrow G$ 가 성립하므로 augmentation rule(rule 2)를 사용하여 $AG \rightarrow CG$ 를 얻고 $CG \rightarrow I$ 가 성립하므로 transitivity rule(rule 3)에 의해 $AG \rightarrow I$ 가 된다.

이제 set X 가 superkey인지 확인하기 위해 X에 의해 functionally 결정되는 attributes set을 계산해 봄야한다. 이 계산 역시 functional dependency의 set F의 closure를 계산하는데 유용한 일부이다. 그럼 X가 attributes set이라고 가정하자. functional dependency의 set F에서 X에 의해 functionally determined 되는 모든 attributes의 set을 F에서의 X의 closure라고 하고 X^+ 로 나타낸다. F^+ 를 계산하는 방법은 inference rule을 이용하는 것이다. 다행히 좀 더 효율적인 접근이 있다. 아래의 algorithm은 X^+ 를 계산하기 위한 것이다.

4

Algorithm

```

result := X;
while ( changes to result ) do
for each functional dependency Y->Z in F do
begin
if  $Y \subseteq result$  then result :=  $result \cup Z$  ;
end

```

input은 functional dependency 의 set F 와 attributes set X이고 output은 변수 result에 저장된다. 이 algorithm이 어떻게 동작하는지 보기 위해 $(AG)^+$ 를 계산해 보겠다. 먼저 result = AG 로 시작한다. 각 functional dependency를 test하기 위해 while loop를 실행시키는데 첫 loop에서 다음을 알수 있다.

- $A \rightarrow B$ 문에 B는 result에 포함된다. $A \rightarrow B$ 가 F에 있고 $A \subseteq result(AG)$ 이고 따라서 $result := result \cup B$ 인 것으로 알수 있다.
- $A \rightarrow C$ 는 result가 ABCG가 되게 한다.
- $CG \rightarrow H$ 는 result가 ABCGH가 되게 한다.
- $CG \rightarrow I$ 는 result가 ABCGHI가 되게 한다.

while loop를 두번째 돌 때 result에 새로운 attribute가 더해지지 않고 algorithm은 끝나게 되는 것이다. 어떻게 이 algorithm이 옳다고 할 수 있는지 알아보자. 첫 단계로 $X \rightarrow X$ 가 reflexivity rule에 의해 항상 성립한다. 그래서 result의 임의의 subset Y에 대해 $X \rightarrow Y$ 라고 말할 수 있다. while loop를 시작할 때 $X \rightarrow result$ 였기 때문에 Z를 result에 더할 수 있는 유일한 방법은 $Y \subseteq result$ 이고 $Y \rightarrow Z$ 가 성립할 때이다. $result \rightarrow Y$ 가 reflexivity rule에 의해 성립하고 transitivity에 의해 $X \rightarrow Y$ 가 성립한다.

transitivity의 또 다른 적용은 $X \rightarrow Z$ 임을 보여준다. ($X \rightarrow Y$ 이고 $Y \rightarrow Z$ 임을 이용하여). Union rule은 $X \rightarrow result \cup Z$ 를 보여주고 X는 while loop에서 생기는 임의의 새로운 result를 functionally determine한다. 따라서 이 algorithm에 의해 되돌려지는 어떠한 attribute도 X^+ 에 있게 된다. 또 이 algorithm에 X^+ 의 모든 것을 찾는다는 것도 보이기 쉽다. 만약 X^+ 에는 있고 result에는 없는 어떤 attribute가 있다면 $Y \subseteq result$ 이고 F의 적어도 한 attribute가 result에 없는 것에 대해 $Y \rightarrow Z$ 의 functional dependency가 반드시 존재한다. 밝혀진 바에 의하면 F의 size에 따라 최악의 경우 이 algorithm은 네번의 loop를 돌게된다.

1 Desirable Properties of Decomposition

database system을 design하는데 있어 relation을 작은 여러개의 relation으로 decompose하는 것이 필요하다. 이 개념을 보이기 위해 Lending-scheme을 생각해 본다.

Lending-scheme = (branch-name, assets, branch-city, loan-number, customer-name, amount)

그리고 functional dependency set F는 다음과 같다.

$$\begin{aligned} & \text{branch-name} \rightarrow \text{assets} \\ & \text{branch-name} \rightarrow \text{branch-city} \\ & \text{loan-number} \rightarrow \text{amount} \\ & \text{loan-number} \rightarrow \text{branch-name} \end{aligned}$$

이것을 다섯개의 relation으로 다음과 같이 decompose한다고 가정해 보자.

$$\begin{aligned} R_1 &= (\text{branch-name}, \text{assets}) \\ R_2 &= (\text{branch-name}, \text{branch-city}) \\ R_3 &= (\text{loan-number}, \text{amount}) \\ R_4 &= (\text{loan-number}, \text{branch-name}) \\ R_5 &= (\text{loan-number}, \text{customer-name}) \end{aligned}$$

Lossless-join decomposition

위의 decomposition은 lossless인데 이것을 증명하기 위해 먼저 이를 결정하는 criterion을 제시해야 한다. R은 relation scheme이고 F는 R에서의 functional

dependency set이라고 할 때 R_1 과 R_2 는 R 의 decomposition을 lossless-join decomposition한다고 한다.

- $R_1 \cap R_2 \rightarrow R_1$
- $R_1 \cap R_2 \rightarrow R_2$

lossless-join decomposition임을 보이기 위해 decomposition의 단계를 아래에 보이겠다. 먼저

$$R_1 = (\text{branch-name, assets})$$

$$R'_1 = (\text{branch-name, branch-city, loan-number, customer-name, amount})$$

$\text{branch-name} \rightarrow \text{assets}$ 이거나 문에 augmentation에 의해 $\text{branch-name} \rightarrow \text{branch-name assets}$ 이 된다. $R_1 \cap R'_1 = \text{branch-name}$ 이거나 문에 초기의 decomposition은 lossless-join decompose한다고. 다음으로 R'_1 을

$$R_2 = (\text{branch-name, branch-city})$$

$$R'_2 = (\text{branch-name, loan-number, customer-name, amount})$$

로 decompose 한다. $\text{branch-name} \rightarrow \text{branch-city}$ 이므로 이 단계도 lossless-join decompose이다. R'_2 를

$$R_3 = (\text{loan-number, amount})$$

$$R'_3 = (\text{loan-number, branch-name})$$

으로 decompose하고 R'_3 을

$$R_4 = (\text{loan-number, branch-name})$$

$$R_5 = (\text{loan-number, customer-name})$$

으로 decompose한다.

제 5 절 Theory of Multivalued Dependencies

D 를 functional and multivalued dependencies set이라고 하자. 그러면 D 의 closure D^+ 는 D 에 의해 logically implied 되는 모든 functional and multivalued dependencies의 set을 말한다. functional dependencies의 경우처럼 functional dependencies and multivalued dependencies의 definition을 이용하여 D 로 부터 D^+ 를 계산할 수 있다. 다음의 functional and multivalued dependencies에 대한 inference rules은 완벽하다. 처음 세 rules은 앞에서 보았던 Armstrong's axioms이다.

1. Reflexivity rule

$X \nmid$ attributes의 set이고 $Y \subseteq X$ 일 때, $X \rightarrow Y$ 가 성립한다.

2. Augmentation rule

$X \rightarrow Y$ 가 성립하고 W 가 attributes의 set이면 $WX \rightarrow WY$ 가 성립한다.

3. Transitivity rule

$X \rightarrow Y$ 가 성립하고 $Y \rightarrow Z$ 가 성립하면 $X \rightarrow Z$ 가 성립한다.

4. Complementation rule

$X \rightarrow Y$ 이면 $X \rightarrow R - Y - X$ 가 성립한다.

5. Multivalued augmentation rule

$X \rightarrow Y$ 가 성립하고 $W \subseteq R$ 이고 $V \subseteq W$ 이면 $WX \rightarrow VY$ 가 성립한다.

6. Multivalued transitivity rule

$X \rightarrow Y$ 이고 $Y \rightarrow Z$ 이면 $X \rightarrow Z - Y$ 가 성립한다.

7. Replication rule

$X \rightarrow Y$ 가 성립하면 $X \rightarrow Y$ 가 성립한다.

8. Coalescence rule

$X \rightarrow Y$ 이고 $Z \subseteq Y$ 이고 $W \subseteq R$, $W \cap Y = \emptyset$, $W \rightarrow Z$ 가 성립하는 W 가 존재하면 $X \rightarrow Z$ 가 성립한다.

그러면 위의 rule들에 대한 example을 보기로 하자. $R = (A, B, C, G, H, I)$ 의 relation scheme이라고 한다. 그리고 $A \rightarrow BC$ 가 성립한다고 가정한다. multivalued dependencies 의 definition은 $t_1[A] = t_2[A]$ 이면 다음을 만족하는 tuples t_3 과 t_4 가 존재한다는 것을 의미한다.

$$\begin{aligned}t_1[A] &= t_2[A] = t_3[A] = t_4[A] \\t_3[BC] &= t_1[BC] \\t_3[GHI] &= t_2[GHI] \\t_4[GHI] &= t_1[GHI] \\t_4[BC] &= t_2[BC]\end{aligned}$$

complementation rule은 $A \rightarrow BC$ 이면 $A \rightarrow GHI$ 임을

말해준다. 간단히 subscript만을 바꾼다면 $A \rightarrow GHI$ 의 정의를 t_3 과 t_4 가 만족시킨다는 것을 알 수 있다. 비슷한 단점을 rule 5, 6에 대해서도 multivalued dependencies의 definition을 이용하여 내릴 수 있다. Rule 7, replication rule은 functional and multivalued dependencies를 포함한다. 가령 R 에서 $A \rightarrow BC$ 가 성립한다고 가정해 보자. $t_1[A] = t_2[A]$, $t_1[BC] = t_2[BC]$ 의 관계가 있고 t_1 과 t_2 는 각각 자신에게 관계가 있을 때 $A \rightarrow BC$ 의 정의에

의해 tuples t_3, t_4 가 요구된다. Rule 8, coalescence rule, 은 여덟 가지 rule 중에서 보기 가장 힘든 것이라 여기서 생략하겠다.

다음의 rules을 이용하여 D의 closure를 간단히 계산할 수 있다.

- **Multivalued union rule**

$X \rightarrow Y, X \rightarrow Z$ 가 성립하면 $X \rightarrow YZ$ 가 성립한다.

- **Intersection rule**

$X \rightarrow Y, X \rightarrow Z$ 가 성립하면 $X \rightarrow Y \cap Z$ 가 성립한다.

- **Difference rule**

$X \rightarrow Y, X \rightarrow Z$ 가 성립하면 $X \rightarrow Y - Z, X \rightarrow Z - Y$ 가 성립한다.

위의 rule을 다음의 보기에서 적용시켜보자. $R = (A, B, C, G, H, I)$ 이고 이것의 dependencies set D는 아래와 같다.

- $A \rightarrow B$

- $B \rightarrow HI$

- $CG \rightarrow H$

아래에는 D^+ 의 몇 가지 member를 보인 것이다.

- $A \rightarrow CGHI : A \rightarrow B$ 이기 때문에 complementation rule(rule 4)는 $A \rightarrow R - B - A$ 를 나타낸다. 여기서 $R - B - A = CGHI$ 이므로 $A \rightarrow CGHI$ 가 된다.
- $A \rightarrow HI : A \rightarrow B, B \rightarrow HI$ 이기 때문에 multivalued transitivity rule(rule 6)은 $A \rightarrow HI - B$ 를 나타낸다. $HI - B = HI$ 이기 때문에 $A \rightarrow HI$ 가 된다.
- $B \rightarrow H :$ 이것을 보기 위해 coalescence rule(rule 8)을 적용하여야 한다. $B \rightarrow HI$ 가 성립한다. $H \subseteq HI, CG \rightarrow H, CG \cap HI = \phi$ 이기 때문에 X 는 B 로 Y 는 HI 로, W 는 CG 로, Z 는 H 로 하여 coalescence rule을 만족시킨다. 따라서 $B \rightarrow H$ 의 결론을 내릴 수 있다.
- $A \rightarrow CG :$ 이때 $A \rightarrow CGHI, A \rightarrow HI$ 가 성립함을 알고 있다. difference rule에 의해 $A \rightarrow CGHI - HI$ 가 되고 $CGHI - HI = CG$ 이므로 $A \rightarrow CG$ 가 성립한다.

제 6 절 Normal form

Normalization을 한마디로 요약하면 가능한 한 중복성을 배제하여 한가지 사실은 한 곳에서만 나타나게 하여 정보의 무결성을 보장하게 하는 이론이라 할 수 있다. 따라서 Normalization의 궁극적인 목적은 real world를 보다 효율적이고 현실에 가깝게 표현하는데 있다고 하겠다.

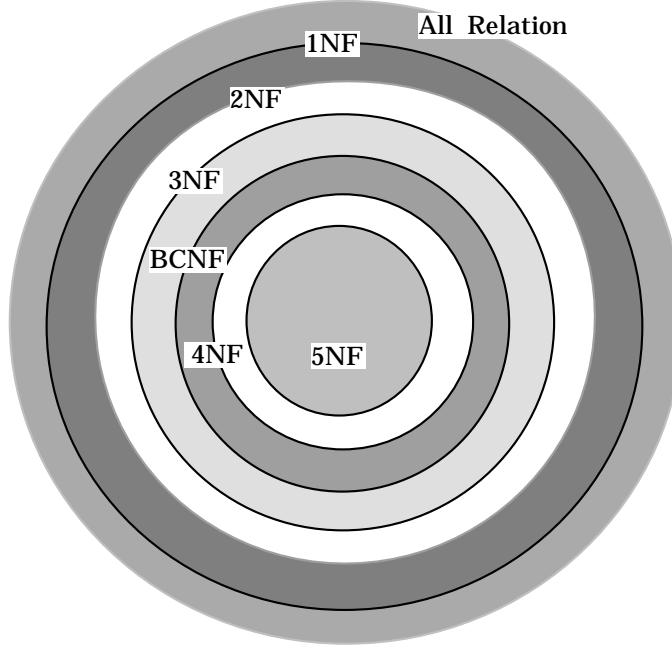


그림 3: NF Hierarchy.

Real world는 계속 변하고 있고, 따라서 real world를 표현하는 방법은 계속 발전할 수 있으나, 현재까지 세계가 확립된 Normal form은 6가지이다. 이들의 성립도 한꺼번에 이루어 진것이 아닌것에 착안을 하면 앞으로 Normal form의 발전이 더 진전되리라 예상되지만 실제 응용에의 한계에 의해 4,5 정규형은 거의 쓰여지지 않은 상태이다.

Normal form의 간단한 특징에 대해 알아보자.

- 다음 그림에서 볼 수 있듯이 Normalize되어 가는 각 단계는 hierarchy가 있다. 즉 정규화된 모든 relation은 1NF에 속하고, 2NF는 1NF에 각각 포함된다는 사실을 알 수 있다.
- 대부분의 data base는 BCNF까지만 만족하면 별무리 없이 사용 할 수 있다. 즉 4NF와 5NF는 real world에 적용되는 경우도 있을 수 있지만 이론상의 발전으로 이해하면 될 것이다.

앞에서 설명한 여려가지 이론을 가지고, 지금부터는 구체적인 예를 보면서 현재까지 발전한 6가지 normal form을 소개하겠다.

예에 대해 간단히 설명을 하면 5NF까지 바꿀 수 있는 것으로 생각해 보았으나 쉽지 않았다. 그래서 4NF까지 가능한 것으로 하나 들었고, 4NF에서 5NF로 가는 것은 따로 별도의 예를 들었다.

1 1 Normal Form

[5]

제 1정규형

Relation의 모든 domain의 원자값만을 포함하면 제1정규형이다.

보통의 table에서 볼때 각 tuple당 attribute에 대해 하나의 값만 들어가면 1NF라 할 수 있다. domain value가 주어진 경우에는 그 범위 안에 들어가야 하며, 제약이 없는 한 null 값도 가능하다.

도서관 관리에 필요한 table FIRST를 예로 보면서 설명하기로 하자. 물론 필요한 정보를 모두 attribute로 만들지는 못했다.

가정을 들면 책 한권당 번호(B#)가 주어지며, 공동저자에 공동 출판사가 가능하다. 또한 1st, 2nd등 재판이 가능하지만, 재판시에 재목이나, 작가, 출판사가 변할 수는 없다. 그 밖의 attribute로는 출판사가 있는 Building과 city이다.

한 눈에 정의를 만족하므로 1NF라 할 수 있다. 그러나 잘 보면, 0이 relation은 너무 많은 중복성을 가지고 있음을 알 수 있다. 위에서도 언급했듯이 잘 설계된 relation은 가능한한 data의 중복성을 줄여야 한다. 그래야만 operation시에 data integrity를 보장할 수 있다.

이제부터 차례대로 NF를 만들어 가보도록 하자.

2 2 Normal Form

[6]

제 2정규형

Relation이 1NF이고, 키가 아닌 모든 속성이 기본키에 완전 함수적 종속이면 제2정규형이다. 즉, primary가 composite key인 경우 0이 primary key의 subset이 nonkey에 functional dependent하게 되면 제2NF의 성질을 만족하지 못하게 된다.

앞의 relation은 fully functional dependente하지 않으므로 2NF으로 projection 할 수 있다. 앞의 1NF functional diagram을 보면 fully functional independent한 attribute를 쉽게 찾아낼 수 있다. 1NF에서 primary key는 (Name, Year, Author, Publisher)이다. 그런데 Building이 primary key의 subset인 Publisher에 functional dependent하므로 2NF 정의에 어긋난다. 따라서 이것을 분리해 냅으로 2NF 정의를 쉽게 만족할 수 있다.

1NF가 가지고 있는 문제점을 구체적으로 들면 Addison이 B3에서 B4로 이사를 가면 Addison과 관련된 모든 tuple을 탐색해야 하는 문제 또는 이것이 이루어 지지 않아서 모순된 결과를 낼게 될 문제에 직면한다.

이제 first를 projection 시켜서 second(B#, Name, Year, Author, Publisher)와 tbl_publi(Publisher, Building, City)를 만들면 이런 문제점은 사라지게 된다.

3 3 Normal Form

[7]

제 3정규형

Relation이 2NF이고 키가 아닌 모든 속성이 기본 키에 nontransitively dependent하면 제 3정규형이다.

tbl_publi를 보면 Publisher → Building
Building → City

Publisher → Building
Building → City

가 모두 성립하여, 이행적 종속성의 논리적 귀결인 Publisher → City 또한 성립한다. 이 이행적 종속성은 간접이상을 초래한다. 즉, 사정이 생겨 B1에 있던 출판사들이 모두 C5도시의 B5로 옮겼을 경우 tbl_publi에서 Building이 B1인 모든 tuple을 검색해야 한다는 문제점이 있다. 또한 이렇게 모두 검색되지 않으면 같은 building 하나가 서로 다른 도시에 존재할 수도 있다는 모순이 생기게 된다.

tbl_publi를 tbl_buil(Publisher, Building), tbl_city(Building, City)로 projection 시켜 이문제를 해결한다. Projection 후에 생긴 tbl_buil와 tbl_city는 3NF를 만족한다. second도 역시 3NF의 정의를 만족한다.

4 Boyce-codd Normal Form

[8]

BCNF

Relation에서 determinat가 모두 candidate key이면 BCNF이다.

3NF까지는 Codd가 제안한 것인데, 3NF는 부적절한 성질을 가지고 있다.
자세히 말하자면, relation이 다음과 같을 때는 적당하지 않다.

- Multiple candidate key를 가질 경우
- 이런 candidate key들이 복합속성을 가질 경우
- candidate key들이 overlapped할 경우

이런 경우에 대응하기 위해 원래의 3NF 정의가 Boyce와 Codd에 의해 좀더 강한 의미로 대체된다. 이 새로운 정의는 원래의 3NF보다 강한 정규형을 의미하므로, 3NF라고 부르는 대신 BCNF(Boyce/Codd Normal Form)라고 이름지어졌다.

second의 candidate key는 (B#, Author, Publisher)와 (Name, Year, Author, Publisher)이다. 그러나 B#와 (Name, Year)는 상호 독립적이므로 이들은 서로를 결정하는 determinant이다.

이런 경우 만약 Parallel 1989년 판의 책이 Book number N2에서 N4로 바뀌었을 경위 Name이 Parallel이고 Year가 1989인 모든 tuple을 검색해야 하는 문제가 생긴다.

임의의 attribute가 alternative key의 element이면 primary key에 fully functional dependent하지 않아도 된다는 원래의 3NF의 정의에 따라 relation second는 3NF이지만 이러한 문제가 발생하게 된다.

따라서 second를 두개로 나누어 즘으로 해결할 수 있다.

두개의 projection은

B(B#, Name, Year) 와 BP(Name, Year, Author, Publisher)

또는 B(B#, Name, Year) 와 BP(B#, Author, Publisher)

가 될 수 있다. 여기서는 첫번째를 선택하는 것이 더 낫다. 여기에 대해서 논리적인 근거를 제시할 수 없지만 다만 4NF으로 modify할 때 더 많이 data 중복을 피할 수 있기 때문이다

5 4 Normal Form

9

제 4정규형

Relation에서 다치종속성 $A \rightarrow B$ 가 존재할 때, relation의 모든 속성은 A에 함수적 종속이면 4NF이다. 이때는 그 역도 성립하는데, 즉 relation의 유일한 종속성은 $K \rightarrow X$ 형태이다.

BP를 보면 간단이상의 요인이 되는 중복성을 지니고 있음은 매우 명백하다. 모든 속성의 결합인 (Name, Author, Publisher)를 제외하고는 함수적 종속성이 없으므로 BP는 BCNF이다.

BCNF에도 문제가 자주 발생한다. 예를 들어 Name이 Parallel이고 Author가 DAVIS에서 DAVIT으로 바뀌었을 때 Publisher에 대해 각각 하나씩 새로운 tuple 두 개가 생성되어 한다. 이는 Author, Publisher가 서로 독립적이면서 Name에 대해서는 다치종속성(multivalues dependency)이 있기 때문이다. 우선 MVD(multivalues dependency)의 정의를 보면

10 다치종속성

Relation R이 속성 A, B와 C로 구성되어 있고 $A \rightarrow B$ 가 성립하면, 주어진 (A, C)쌍에 관계되는 일련의 B값들이 A값에만 종속하면 C값에는 독립적이어야 한다.

0이 된다. Relation BP에는

1. Name → Year
2. Name → Author
3. Name → Publisher

의 세 가지 다치 종속성이 있다.

위의 relation BP에서 생기는 문제는 함수적 종속성이 아닌 다치종속성을 포함하기 때문이다. 따라서 relation BP를 다치종속성이 없도록 세가지의 relation으로 projection시키면 이러한 문제가 없어진다. BA(Name, Year), BB(Name, Author), BC(Name, Publisher)

그런데 여기서 BA(Name, Year) relation은 이미 table B내에 존재하기 때문에 또 쓸 필요가 없다.

6 5 Normal Form

11

제 5정규형

Candidate key에 포함되지 않는 종속성을 제거하기 위하여 4NF relation의 projection을 취한 것이 제 5정규형이다.

2개의 projection으로 nonloss-decomposition 되지 않고 세 개나 그 이상으로 decomposition 되는 경우가 존재하는 경우 제 4정규형으로는 해결이 되지 않는다.

예에서 NSM을 두개의 relation으로 projection시킬 경우에 (즉, NS와 SM 또는 SM과 MN 또는 MN과 NS) 이것을 join시켜 보면 실제로는 data에 없는 tuple이 생기게 된다. 그러나 나머지 하나의 relation과 join하게 되면 원래의 NSM을 얻을 수 있다.

이렇게 3개 이상의 relation만으로 projection이 가능한 이유는 join dependency가 재약조건으로 작용하기 때문이다. 여기서 join dependency를 정의하여 보자.

12 join dependency

X, Y, … , Z 는 R의 속성의 부분집합이다. relation R이 join dependency *(X, Y, … , Z)를 만족하면, X, Y, … , Z에 대한 projection들의 join과 R이 같다. 이 역시도 성립한다.

5NF에 대해 쉽게 설명하면 현실세계에 이런 제약 조건이 존재한다.

- C++ 책에 Object라는 주제가 있다.
- Object라는 개념이 전산과와 관련되어 있다.

- C++ 책이 전산과 관련 서적이라고 가정하면 C++ 책은 Object에 관한 전산과 관련 서적이다.

이런 제약조건이 가능한 real world에서

(C++, Object, Math)
(C++, Class, CS)

라는 data가 존재하면 (Parallel, Object, CS) 라는 정보가 insert될 때 (C++, Object, CS) 라는 tuple이 함께 추가되어 죄야 한다는 것이다.

이런 문제점이 relation NSM을 세개의 relation으로 projection시키면 자연스럽게 해결된다.

참고 서적

- [1] George Gardarin and Patrick Valduriez, “Relational Databases and Knowledge Bases”, (1986), Addison Wesley, 2nd-edition.
- [2] Paolo Atzeni and Valeria De Antonellis, “Relational Database Theory”, (1993), The Benjamin/Cummings publishing company.
- [3] Alan F.Dulka and Howard H.Hanson, “Fundamentals of Data Normalization”,(1989), Addison Wesley,2nd-edition.